



Limites, derivadas e Integrales

- SEMANA N°: 2
- CLASE: N° 2
- CURSO: III Electivo
- DOCENTE: Claudia Berland
- CORREO ELECTRÓNICO: cberland@americanacademy.cl
(solo será contestado en días y horarios hábiles)

OBJETIVOS: Analizar las condiciones para determinar la existencia de la función inversa.

CONTENIDOS DE LA SEMANA: Función Inversa.

Inicio:

La clase anterior obtuvimos la función inversa de 6 funciones afines, pero, estaremos preparados para poder verificar si una función es biyectiva y luego de eso encontrar su inversa?

Veamos el siguiente video.

<https://youtu.be/YBMp57ZVTtc>

Veamos si nos quedo mas o menos claro realizando los siguientes ejercicios.

Encuentra la función inversa de:

$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ $f(x) = x^3$	$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ $f(x) = x^2$	$f: \mathbb{R} - \{1\} \rightarrow \mathbb{R} - \{1\}$ $f(x) = \frac{x+1}{x-1}$
--	--	--

Ahora, sin trampa, una vez que tengas tus resultados compara con las respuestas.

Soluciones

$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$
 $f(x) = x^3$

In:
 $f(x_1) = f(x_2)$
 $(x_1)^3 = (x_2)^3$ $\sqrt[3]{\quad}$ no hay restricción
 $x_1 = x_2$
 $\therefore f(x)$ es 1-1

Sobre:
 $y = x^3$
 $\sqrt[3]{y} = x$
 $y \in \mathbb{R}$
 es (=) al codominio
 $\therefore f(x)$ es sobre.

$f(x) = x^3$
 $y = x^3$
 $\sqrt[3]{y} = x$
 $\sqrt[3]{x^3} = f^{-1}(x)$ //

$f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$
 $f(x) = x^2$

In:
 $f(x_1) = f(x_2)$
 $(x_1)^2 = (x_2)^2$
 no puedo sacar raíz.
 $(-2)^2 = 4 = (2)^2$
 $-2 \neq 2$
 $\therefore f(x)$ no es 1-1

Sobre:
 $y = x^2$
 $\sqrt{y} = x$
 $y \neq 0$
 no es igual al codominio
 $\therefore f(x)$ no es sobre

\therefore Como no es inyectiva ni sobreyectiva no es biyectiva, es decir, no posee inversa.

$f: \mathbb{R} - \{1\} \rightarrow \mathbb{R} - \{1\}$
 $f(x) = \frac{x+1}{x-1}$

In:
 $\frac{x_1+1}{x_1-1} = \frac{x_2+1}{x_2-1}$
 $(x_1+1)(x_2-1) = (x_2+1)(x_1-1)$
 $x_1x_2 - x_1 + x_2 - 1 = x_2x_1 - x_2 + x_1 - 1$
 $-x_1 + x_2 = -x_2 + x_1$
 $x_2 + x_2 = x_1 + x_1$
 $2x_2 = 2x_1$
 $x_2 = x_1$ ✓

Sobre!
 $y = \frac{x+1}{x-1}$
 $y(x-1) = x+1$
 $yx - y = x+1$
 $yx - x = 1+y$
 $x(y-1) = 1+y$
 $x = \frac{1+y}{y-1}$
 $y \in \mathbb{R} - \{1\}$
 es (=) ✓

$f(x) = \frac{x+1}{x-1}$
 $y = \frac{x+1}{x-1}$
 $x = \frac{1+y}{y-1}$
 $f^{-1}(x) = \frac{1+x}{x-1}$